

Introduction à la sécurité

TD2

Exercice 'plus dur'

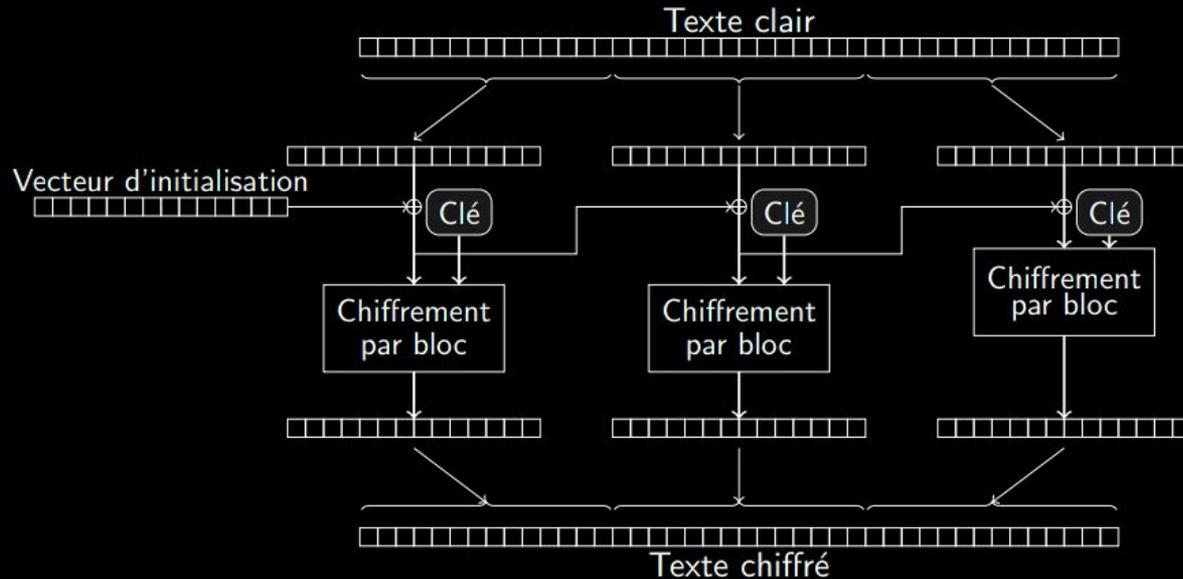
c. Montrer que le mode opératoire CBC n'assure pas la sécurité sémantique pour des messages suffisamment longs.

Exercice 'plus dur'

- On considère deux blocs égaux:
- Si on connaît deux clairs et qu'on sait que C est le chiffré de l'un d'entre eux, il suffit de regarder lequel des deux clairs satisfait l'égalité précédente.
- On a facilement deux blocs égaux (répétition) si on chiffre un message de plus de $2^{n/2}$. Le chiffrement par bloc CBC n'assure pas la sécurité sémantique à condition que les messages à chiffrer soient très longs.

Exercice 2: Mode opératoire CBC*

- Inconvénient du mode CBC: intrinsèquement séquentiel => ne permet pas de paralléliser les opérations de chiffrement.
- On considère donc le chiffrement modifié CBC* qui permet d'effectuer plusieurs opérations de chiffrement & déchiffrement en //:



Exercice 2: Mode opératoire CBC*

1. Décrire comment le déchiffrement est effectué pour le mode CBC*.
 - On rappelle le chiffrement CBC:

C'est bien non parallélisable, on ne peut pas passer dans sans être passé dans

- On modifie CBC pour obtenir un chiffrement parallélisable, CBC*:

→ Avec un peu de précalcul, on peut chiffrer tous les blocs en même temps!

Exercice 2: Mode opératoire CBC*

- Vérifions que le déchiffrement est aussi parallélisable:

Là encore on peut passer dans tous les blocs de déchiffrement en même temps. Le déchiffrement CBC* est bien parallélisable.

Exercice 2: Mode opératoire CBC*

2. Montrer que ce mode opératoire n'assure pas la sécurité sémantique.

On choisit $M_0 = m_0 0000$ et $M_1 = m_0 m_1$ avec $m_1 \neq 0000$

Si le message clair est de la forme $m_0 0000$ alors le chiffré C

Si le message clair est de la forme $m_0 m_1$ avec $m_1 \neq 0000$ alors le chiffré C

CBC* est parallélisable mais n'assure pas la **sécurité sémantique**.

Exercice 3: Attaque sur CBC avec le padding RFC2040

Rappels de cours. Block-Cipher:

- le message clair est découpé **en blocs d'une taille fixée** et chacun des blocs est chiffré.
- La longueur n des blocs et la taille l de la clef sont 2 caractéristiques des block-cipher.
- Le message m à chiffrer est découpé **en blocs de n bits**.
 - $m = m_1 m_2 \dots m_k$
- Comment faire si la longueur du message *n'est pas un multiple de la longueur d'un bloc* ?

Exercice 3: Attaque sur CBC avec le padding RFC2040

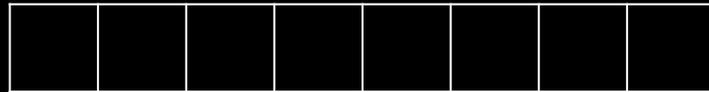
→ On le complète avec un **padding**.

● L'une des technique est la **RFC 2040**:

- on complète le dernier bloc par autant d'octets que nécessaire.
- chaque octet a pour valeur le nombre d'octets ajoutés.

■ **Exemple**: on veut des blocs de 8 octets et $m = o_1 o_2 o_3 o_4 o_5$

- Combien manque t-il d'octet ?
- Quelle valeur se verront-ils attribuer ?



- Pour un algorithme de chiffrement qui opère sur des blocs de 128 bits (16 o), le bloc de clair $m_1 \dots m_{12}$ sera transformé en: $m_1 \dots m_{12} \parallel$

On représente la valeur d'un octet avec 2 chiffres hexa:

$00 = 0, 01 = 1, \dots, 0A = 10, \dots, 10 = 15, \dots, FF = 255.$

Exercice 3: Attaque sur CBC avec le padding RFC2040

Considérons un attaquant qui a intercepté un chiffré $C = (C_1, C_2, \dots, C_n)$ produit par un système de chiffrement à blocs en mode CBC avec le processus de bourrage RFC2040. On suppose aussi v connu.

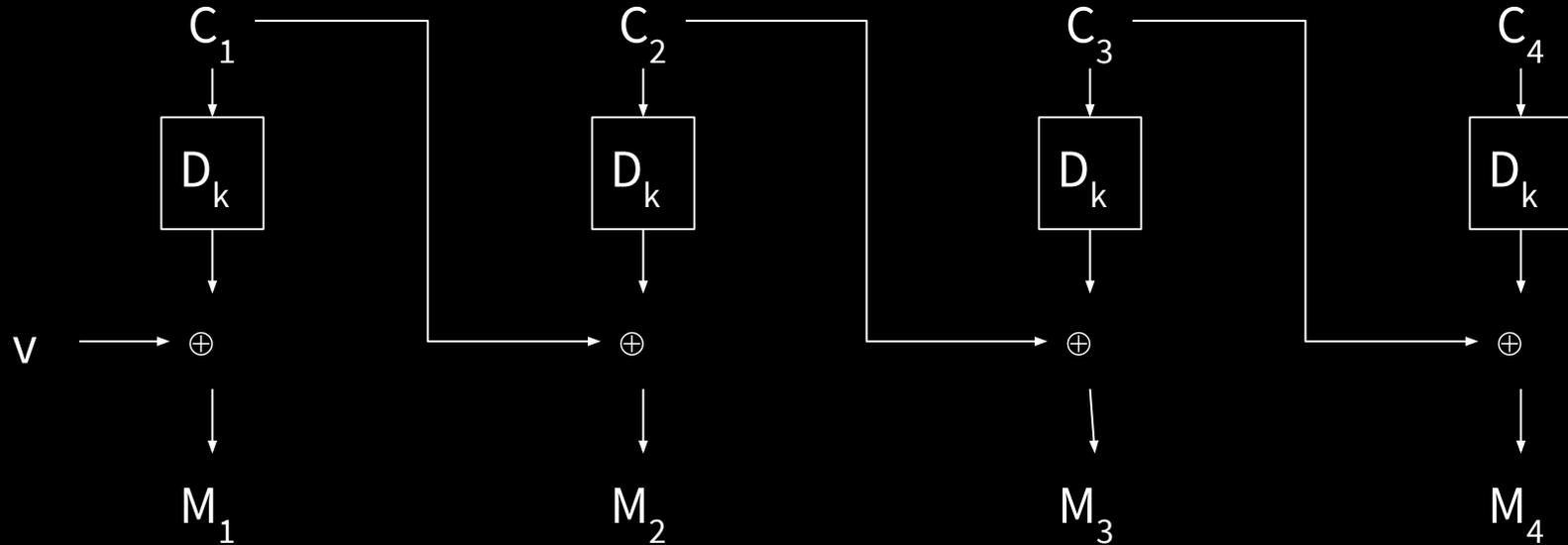
1. Montrer que si l'attaquant dispose d'un oracle qui détermine si le message clair associé à un chiffré arbitraire est bien formé pour l'encodage RFC2040, alors il peut déterminer l'encodage effectivement utilisé pour le chiffré C .

Déchiffrement de l'énoncé:

- Si on donne à l'oracle un chiffré qui donne un message clair mal encodé (selon RFC2040): l'oracle retourne une erreur.
- L'oracle vérifie donc si le clair associé à un chiffré se termine bien par 01 , ou 0202 ou 030303 ou $04040404\dots$

Exercice 3: Attaque sur CBC avec le padding RFC2040

Rappelons le déchiffrement CBC et intéressons nous à la propagation de l'erreur.



$$M_2 =$$

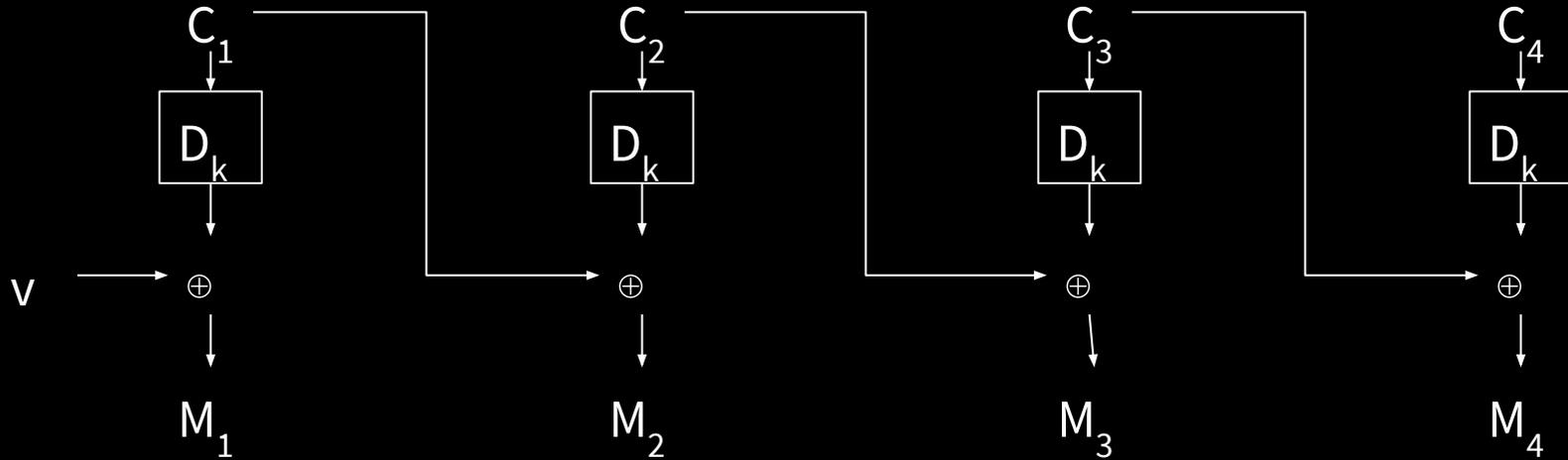
$$M_3 =$$

$$M_4 =$$

→ Si un bloc c_i dans un chiffré est modifié, alors le déchiffrement du bloc c_{i+1} donnera

Exercice 3: Attaque sur CBC avec le padding RFC2040

- L'attaquant dispose d'un oracle qui détermine si le message clair associé à un chiffré arbitraire est bien formé pour l'encodage RFC2040



Exercice 3: Attaque sur CBC avec le padding RFC2040

- Pour déterminer l'encodage RFC2040:
 - ◆ On produit une erreur sur le premier octet de l'avant-dernier bloc du chiffré, celle ci se propage sur le dernier bloc du clair. On interroge l'oracle.
 - ◆ On fait une erreur sur le deuxième octet de l'avant-dernier bloc du chiffré et on interroge l'oracle.
 - ◆ (...)
 - ◆ Dès que l'erreur se trouve sur l'encodage n'est plus correct et l'oracle de vérification le notifie.
 - ◆ Une fois cette position connue, l'attaquant déduit la valeur de l'encodage aisément.
 - *Ex*: si on a des blocs de 16 et qu'une erreur apparaît à la douzième vérification, quelle est la forme du dernier bloc ?

Exercice 3: Attaque sur CBC avec le padding RFC2040

2. Modifier l'attaque pour qu'il détermine le dernier octet du dernier bloc de clair.
 - De la question précédente, on a:
 - Pour un bloc de chiffré en position C_i , un bloc de clair M_{i+1} :
 - Pour un bloc de chiffré modifié en position C_i^* , un bloc de clair M_{i+1}^* :
 - D'où:

On peut se servir de cette propriété pour résoudre le problème!

Exercice 3: Attaque sur CBC avec le padding RFC2040

Soit M le dernier bloc de chiffré de la forme:

L'objectif est de connaître

- Soit C_{-1} l'avant dernier bloc associé à M . L'astuce est de modifier C_{-1} en C_{-1}^* pour pouvoir obtenir M^* de la forme:
 - Comment faire ? Avant modification: on connaît les octets chiffrés correspondants aux 5 derniers derniers clairs égaux à 05.

$$M = m_1 \dots m_{11} \parallel \mathbf{0505050505} = C_{-1} \oplus D_k(C) = c_1 \dots c_{11} \parallel c_{12} \dots c_{16} \oplus D_k(C)$$

Occupons nous seulement du dernier octet:

$$\text{On veut obtenir: } M = m_1 \dots m_{11} \parallel \mathbf{0505050506}$$

Pour rappel:

Exercice 3: Attaque sur CBC avec le padding RFC2040

- On a donc réussi à obtenir C_{16}^* tel que $M_{16}^* = 06$

→ On fait la même chose pour les 4 octet restant jusqu'à obtenir la connaissance de $C_{-1}^* = c_1 \dots c_{11} \parallel c_{11}^* \dots c_{16}^*$ correspondant à $M^* = m_1 \dots m_{11} \parallel 0606060606$

- On souhaite maintenant trouver c_{11}^* tel que $m_{11}^* = 06$ également.

→ On attaque l'oracle en essayant toutes les valeurs de l'octet c_{11}^*

- Combien de requêtes doit-on faire à l'oracle au maximum ?

→ Une unique requête de vérification sera considérée comme correcte: celle qui correspond à un bon encodage (c'est à dire avec les 6 derniers octets de valeur 06 pour le message clair): $m_{11}^* = 06$. On a donc obtenu: c_{11}^*

- A notre disposition nous avons donc: c_{11} , c_{11}^* et m_{11}^* , avec $m_{11}^* =$

→

Exercice 3: Attaque sur CBC avec le padding RFC2040

3. En itérant le processus, montrer que l'attaquant peut obtenir ainsi le message clair M_1, M_2, \dots, M_n en intégralité.

- L'attaquant peut recommencer l'attaque octet par octet et trouver $m_{10}, m_9 \dots$ jusqu'à trouver le bloc complet.
- Il recommence ensuite avec le bloc de clair précédent, pour obtenir un encodage correct pour RFC2040...
- En moyenne, l'attaquant doit faire $\frac{256}{2}$ requêtes à l'oracle de vérification pour déterminer un octet du message clair.